

При выполнении заданий с выбором ответа отметьте верные ответы.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

1. Вычислите $\frac{49^{25} \cdot 625^{15}}{(5^{12})^5 \cdot (7^{16})^3}$.

- 1) 25 2) 245 3) 49 4) 135

2. Значение выражения $2\sqrt{x+y} - \sqrt{(x+y)^2}$ при $x+y = 2,25$ равно

- 1) 3,5 2) -0,5 3) -1,5 4) 0,75

3. Упростите выражение: $\frac{\cos 50^\circ + \sin^2 25^\circ}{\cos^2 25^\circ} + 1$.

- 1) $\sin 25^\circ + 1$ 2) $\cos 25^\circ$ 3) 0 4) 2

4. Укажите верное разложение на множители многочлена $ab - a^2 + 2a - 2b$

- 1) $(a+2)(b-a)$ 2) $(a-2)(a-b)$ 3) $(a-2)(b-a)$ 4) $(a+2)(a-b)$

5. Решите уравнение: $|2x - 1| = 4$.

- 1) 1 2) 1,5 3) 0 4) 2,5; -1,5

6. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} xy = -12, \\ x(2y - 1) = -18. \end{cases}$$

Если $(x_0; y_0)$ — решение системы, то $x_0 =$

- 1) -6 2) -16 3) 2 4) 6

7. Найдите неопределённый интеграл $\int (\sin x \cos 2x + \sin 2x \cos x) dx$.

- 1) $\frac{1}{3} \cos 3x$ 2) $-\frac{1}{3} \sin 3x$ 3) $-\frac{1}{3} \cos 3x$ 4) $-\cos 3x$

8. Прямоугольный треугольник с гипотенузой 12 см и острым углом 60° вращается вокруг меньшего катета. Найдите высоту полученной фигуры вращения.

- 1) 8 см 2) 10 см 3) 12 см 4) 6 см

9. Найдите наименьшее целое решение системы неравенств:
$$\begin{cases} 5 - \frac{2}{x+3} \geq 0, \\ \frac{4x-7}{2x+3} < 2 \end{cases}$$

- 1) -2 2) -1 3) 1 4) 2

10. Решите уравнение $\sin^2 x - \cos^2 x = -\frac{1}{2}$.

- 1) $\pm \frac{\pi}{12} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$ 2) нет решений 3) $\pm \frac{\pi}{6} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$ 4) $\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$

11. Найдите значение производной функции $y = x^2 + \sqrt{2x+5} - \sqrt{7}$ в точке $x_0 = -2$.
1) 3 2) -3 3) 4 4) -4

12. Решите неравенство $2(x-1) + 3 > x$.
1) $(-1; +\infty)$ 2) $(-0,5; +\infty)$ 3) $(1; +\infty)$ 4) $(-\infty; -1)$

13. Площадь прямоугольного треугольника с катетами 6 и 9 равна?
1) 48 2) 27 3) 54 4) 33

14. Положительный корень $\int_0^t (x-2) dx = 6$ равен?
1) 6 2) 4 3) 5 4) 2

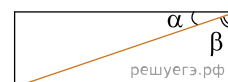
15. Во сколько раз увеличится объем куба, если его ребра увеличить в 7 раз.
1) в 144 раз 2) в 125 раз 3) в 14 раз 4) в 343 раз

16. Найдите сумму корней (корень, если он единственный) уравнения $\sqrt{x^2+6x} + \sqrt{1-x} = \sqrt{x+14} + \sqrt{1-x}$.
1) -9 2) -7 3) -5 4) 5

17. Решите систему неравенств: $\begin{cases} \sqrt{4x-7} < x, \\ \sqrt{x+5} + \sqrt{5-x} > 4, \end{cases}$ и укажите количество целых решений системы неравенств.
1) 4 2) 2 3) 1 4) 3

18. Найдите площадь фигуры, ограниченной прямой и параболой: $y = x^2 + x + 7, y = -3x + 3, -5 \leq x \leq 1$.
1) 21 2) 18 3) 24 4) 10

19. Известно, что $\beta - \alpha = 40^\circ$. Отношение $\frac{\beta}{\alpha}$ равно:



- 1) 1,6 2) 3,2 3) 2,4 4) 2,6

20. Геометрическая прогрессия $\{b_n\}$ — возрастающая, $b_2 = 4, b_4 = 36$. Найдите b_5 .
1) 122 2) 36 3) 81 4) 108

21. В кубе $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ рёбра которого равны 2, вычислите скалярное произведение векторов $\vec{AC}$ и $\vec{B_1 D_1}$.
1) 1 2) 0 3) 4 4) 2

22. Вычислите: $\frac{72^{2k+1}}{6^{6k} \cdot 9^{1-k}}$.

- 1) 2^{6k} 2) 6 3) 6^{3k-1} 4) 8

23. Найдите произведение корней уравнения $\log_2(x-3)^2 = \log_2(4x-15)$.
1) 4 2) 6 3) 12 4) 24

24. Решите неравенство $2^{x+3} + 2^{x-1} > 34$.

- 1) $(4; +\infty)$ 2) $(2; +\infty)$ 3) $(3; +\infty)$ 4) $(-\infty; 2)$

25. Найти уравнение касательной к графику функции $y = f(x)$ в точке с абсциссой x_0 , если $f(x) = \frac{2}{5x+1}$, $x_0 = 4$.

- 1) $y = -\frac{5}{441}x + \frac{82}{441}$ 2) $y = \frac{10}{441}x - \frac{82}{441}$ 3) $y = -\frac{10}{441}x - \frac{82}{441}$
4) $y = -\frac{10}{441}x + \frac{82}{441}$

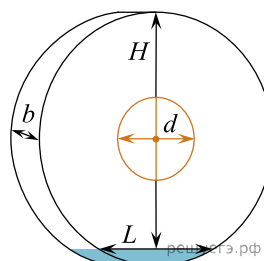
Семейная пара собирается в поездку на поезде. В составе поезда имеются следующие типы вагонов:

- 1) СВ — купе на 2 человека;
2) Купе — купе на 4 человека;
3) Плацкарт А — вагон на 36 человек;
4) Плацкарт В — вагон на 54 человека;
5) Общий вагон — вагон на 81 человек.

26. Определите, сколькими способами пара сможет разместиться в одном купе СВ.

- 1) 4 2) 1 3) 2 4) 12

Здание-монета



b — толщина, d — малый диаметр,
 H — высота, L — длина основания.

В китайском городе Гуанчжоу находится уникальное здание в форме огромного диска с отверстием внутри. Итальянская компания, разработавшая проект, утверждает, что в основу формы легли нефритовые диски, которыми владели древние китайские правители и знать. Они символизировали высокие нравственные качества человека. Кроме того, вместе со своим отражением в Жемчужной реке, на которой стоит здание, оно образует цифру 8, что означает у китайцев число «Счастье».

Здание-монета имеет толщину 30 м, высоту 138 м и в центре круга расположено круглое отверстие диаметром 48 м, которое имеет функциональное, а не только дизайнерское значение. Вокруг него будет расположена основная торговая зона. Здание является самым высоким среди круглых зданий в мире и насчитывает 33 этажа, а его общая площадь составляет $85\,000\text{ м}^2$.

27. Определите длину основания, зная что большой радиус «диска» равен 74 метра. Ответ округлите до целых.

- 1) 70 м 2) 65 м 3) 72 м 4) 74 м

Самат строит дачный домик формы прямоугольного параллелепипеда с размерами 6 м х 4 м и высотой 3 м. Для этого он закупил стеновые панели «Сэндвич» размерами 3 м х 1 м, и дверное полотно с размерами 2,1 м х 1 м, оконные блоки размерами 1,8 м х 1,2 м.

28. Найдите количество стеновых панелей, которое потребуется для строительства домика без учета отходов, если панели не разрезать.

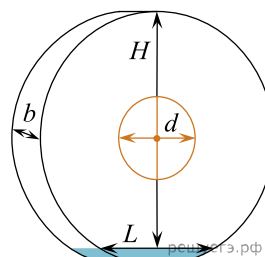
- 1) 30 2) 25 3) 40 4) 20

Гранитный постамент для установки мемориальной плиты имеет форму правильной усеченной пирамиды, верхняя площадка — квадрат стороной 2 метра, сторона нижнего основания 10 метров, его высота 7 метров.

29. Найдите массу подставки, если удельная плотность гранита $2,5\text{ г/см}^3$. Ответ выразить в кг.

- 1) 722300 кг 2) 722500 кг 3) 722250 кг 4) 722350 кг

Здание-монета



b — толщина, d — малый диаметр,
 H — высота, L — длина основания.

В китайском городе Гуанчжоу находится уникальное здание в форме огромного диска с отверстием внутри. Итальянская компания, разработавшая проект, утверждает, что в основу формы легли нефритовые диски, которыми владели древние китайские правители и знать. Они символизировали высокие нравственные качества человека. Кроме того, вместе со своим отражением в Жемчужной реке, на которой стоит здание, оно образует цифру 8, что означает у китайцев число «Счастье».

Здание-монета имеет толщину 30 м, высоту 138 м и в центре круга расположено круглое отверстие диаметром 48 м, которое имеет функциональное, а не только дизайнерское значение. Вокруг него будет расположена основная торговая зона. Здание является самым высоким среди круглых зданий в мире и насчитывает 33 этажа, а его общая площадь составляет $85\,000\text{ м}^2$.

30. Определите объем круглого отверстия расположенного в центре здания. Ответ округлите до целых.

- 1) 57294 м^3 2) 54259 м^3 3) 56233 м^3 4) 55255 м^3

31. Функция задана уравнением $y = \left(\frac{1}{2}\right)^{x-1} - 2$. Установите соответствия:

- А) Нуль функции
Б) Множество значений функции

- 1) 1
2) $(-\infty; +\infty)$
3) 0
4) $(-2; +\infty)$

32. Основания равнобедренной трапеции равны 21 и 39, а высота равна 40. Установите соответствие между длиной боковой стороны трапеции, радиусом окружности, описанной около нее и числовыми промежутками, которым принадлежат их числовые значения.

- А) Боковая сторона трапеции
Б) Радиус описанной окружности

- 1) (24; 27]
2) [12; 18]
3) [6; 9)
4) (36; 42)

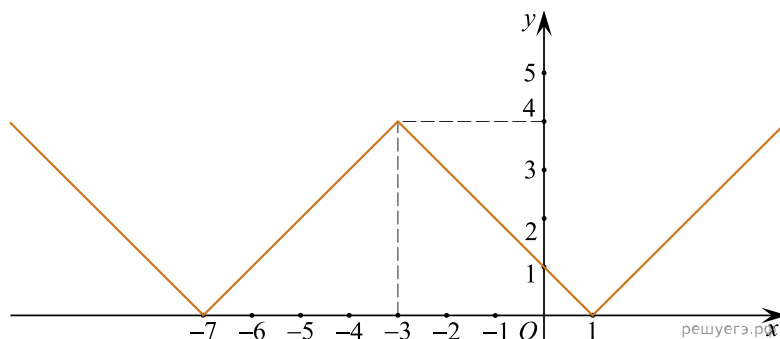
33. Найдите два числа x и y , $x > y$, если известно, что произведение кубов этих чисел равно -8 , а сумма кубов этих чисел равна -7 .

- А) Число x принадлежит промежутку
Б) Число y принадлежит промежутку

- 1) $(-3; 0)$
2) (2; 4)
3) (5; 6]
4) [1; 2]

34. При помощи графика функции $y = ||x + 3| - 4|$ выясните, сколько решений имеет уравнение $||x + 3| - 4| = a$ в зависимости от значений параметра a . Установите соответствие между значениями параметра a и количеством решений уравнения

- | | |
|----------------|------|
| А) $a > 4$ | 1) 2 |
| Б) $0 < a < 4$ | 2) 1 |
| | 3) 4 |
| | 4) 0 |



35. В арифметической прогрессии (a_n) второй член равен 18, а разность прогрессии $d = 2,4$. Установите соответствие между выражением и его числовым значением.

- | | |
|----------|----------|
| А) a_1 | 1) 15,6 |
| Б) S_7 | 2) 159,6 |
| | 3) 13,2 |
| | 4) 142,8 |

- 1) 15,6 2) 159,6 3) 13,2 4) 142,8

36. Выберите все промежутки, которым принадлежит значение выражения $3(2,1x + 1) - (1,5 - 4x) - 6,2$ при $x = 1$.

- 1) $[6; 10]$ 2) $(6; 9)$ 3) $[5; 9)$ 4) $(2; 7]$ 5) $(4; 7]$ 6) $(-1; 4)$

37. Значение выражения $\cos\left(\alpha - \frac{2\pi}{3}\right) + \cos\left(\alpha + \frac{\pi}{3}\right)$ равно

- 1) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ 2) 0 3) $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ 4) $-\frac{1}{2}$ 5) -1 6) 1

38. Значение суммы первых трех членов возрастающей арифметической прогрессии с положительными членами равно 15, а значение суммы их квадратов равно 93. Найдите пятый член этой прогрессии.

- 1) 20 2) 18 3) 14 4) 11 5) 15 6) 12

39. Решите систему

$$\begin{cases} 3^x \cdot 5^{y+1} = 375, \\ 3^{y-1} \cdot 5^x = 15. \end{cases}$$

В ответе укажите значение выражения $\frac{x}{y}$.

- 1) $\frac{1}{2}$ 2) $\frac{1}{2}$ 3) $\sqrt{\frac{1}{4}}$ 4) 2 5) 1 6) 0

40. Стороны оснований правильной усеченной треугольной пирамиды 4 дм и 12 дм. Боковая грань образует с большим основанием угол 60° . Найдите высоту.

- 1) 5 дм 2) 4 дм 3) 3 дм 4) 7 дм

